

## IS FIELDTURB

(Particelle e campi in turbolenza e fluidi complessi)

**Respons. Nazionale:** prof. Luca Biferale (Univ. Roma II)

**6 nodi:** Roma II, Bari, Genova, Ferrara, Lecce  
e Torino

**Resp. Sez. Genova:** Andrea Mazzino (Univ. di Genova)

+ 4 dottorandi (Boi, Ferrari e Lagomarsino, Mentaschi)

+ 1 assegnista (Cassola)

Genova, 7 luglio 2015

# Abstract:

Dinamica dei fluidi complessi e flussi turbolenti, aspetti teorici e numerici delle teorie di campo classiche fortemente non-lineari e fuori dall'equilibrio

## Tematiche della IS:

- *simulazioni numeriche dirette ad alta risoluzione di fluidi turbolenti con e senza particelle, con e senza inerzia;*
- *simulazioni numeriche di fluidi a piu' componenti miscibili e non miscibili, come nel caso della convezione termica e delle instabilita' di Rayleigh-Taylor;*
- *studio teorico e numerico di equazioni di Navier-Stokes decimate;*
- *studio della nucleazione e condensazione di gocce/bolle in fluidi a piu' fasi;*
- *metodi analitici di tipo perturbativo e rinormalizzati applicati a delle pde fuori dall'equilibrio (metodi asintotici come gli sviluppi perturbativi a scale multiple o altri metodi di decimazione come il gruppo di*

# FIELDTURB @ Genova

Focus: turbolenza e trasporto turbolento  
come sistema meccanico statistico

*1) Trasporto di grande scala  
(limite IR della teoria)*

*Dinamica governata da  
parametri rinormalizzati*

*2) Trasporto non asintotico*

*Il regno dell'intermittenza e  
delle leggi di scala anomale*



# Trasporto turbolento: limite IR

*Trasporto di uno scalare passivo da flusso (turbolento e non)*

$$\partial_t \theta + \mathbf{u} \cdot \nabla \theta = D_0 \nabla^2 \theta + f \quad (\text{eq. di Smoluchowski})$$

*equazione di campo equivalente a quella a particelle*

$$\dot{\mathbf{x}} = \mathbf{u}(\mathbf{x}(t), t) + \boldsymbol{\eta} \quad (\text{eq. di Langevin})$$

*Limite IR: dinamica di  $\theta$  su scale spazio-temporali  $\gg$  di quelle di  $u$*

*Parametro naturale di sviluppo:  $\epsilon = \frac{l}{L}$*

*Lo sviluppo perturbativo e' singolare: battimenti*

*Necessita' di sviluppi perturbativi rinormalizzati: multiscala*

# Trasporto turbolento: limite IR

*Dinamica controllata da diffusivita' rinormalizzata*

$$\partial_t \langle \theta \rangle = D_{\alpha\beta}^{eff} \partial_\alpha \partial_\beta \langle \theta \rangle$$

con  $D_{\alpha\beta}^{eff}$  che soddisfa ad un'equazione diff. ausiliaria

Tipicamente  $D_{\alpha\beta}^{eff} \gg D_0$

Uno dei nostri interessi e' lo studio delle condizioni per cui

$D_{\alpha\beta}^{eff}$  diverge



**Diffusione anomala**

# Trasporto turbolento: limite IR

*In termini di particelle:  $\langle [x(t) - x(0)]^2 \rangle \propto t^a$*

*con  $a > 1$  (superdiffusione)*

## Problemi aperti di nostro interesse:

- *determinare le condizioni per la superdiffusione nel caso di particelle dotate di inerzia;*
- *analoga domanda per particelle dotate di gradi di liberta' interni (per esempio elastici) tipo fibre o polimeri;*
- *particelle interagenti*

# Turbolenza in regime non asintotico

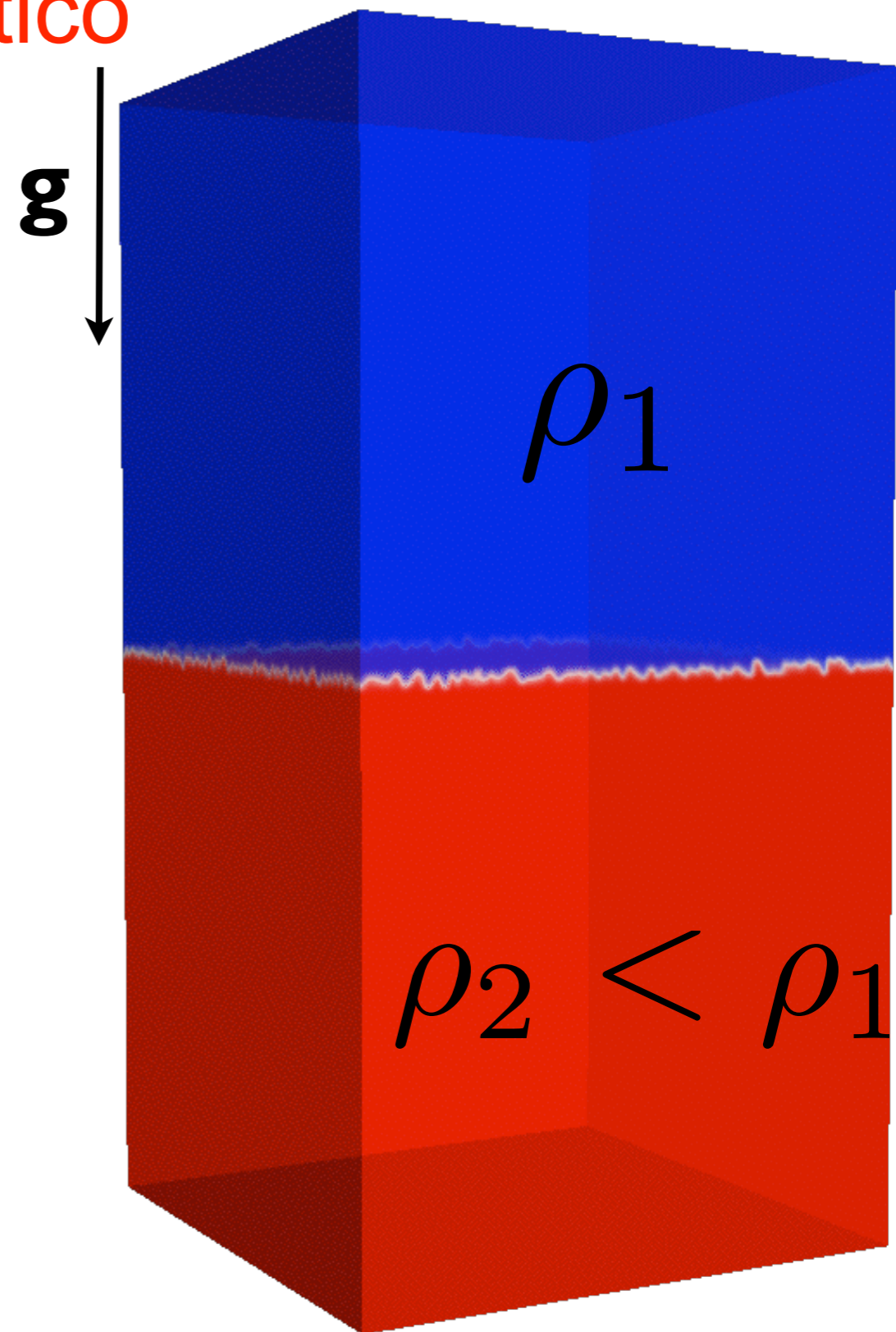
Es: Rayleigh-Taylor

numero di Atwood  $A \equiv \frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1 + \rho_2}$

Instabilità all'interfaccia di due fluidi con densità diverse

Rayleigh (1883), Taylor (1950)

Analisi lineare: crescita esponenziale con tasso  $\sqrt{Agk}$



# Turbolenza in regime non asintotico

Es: Rayleigh-Taylor

numero di Atwood  $A \equiv \frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1 + \rho_2}$

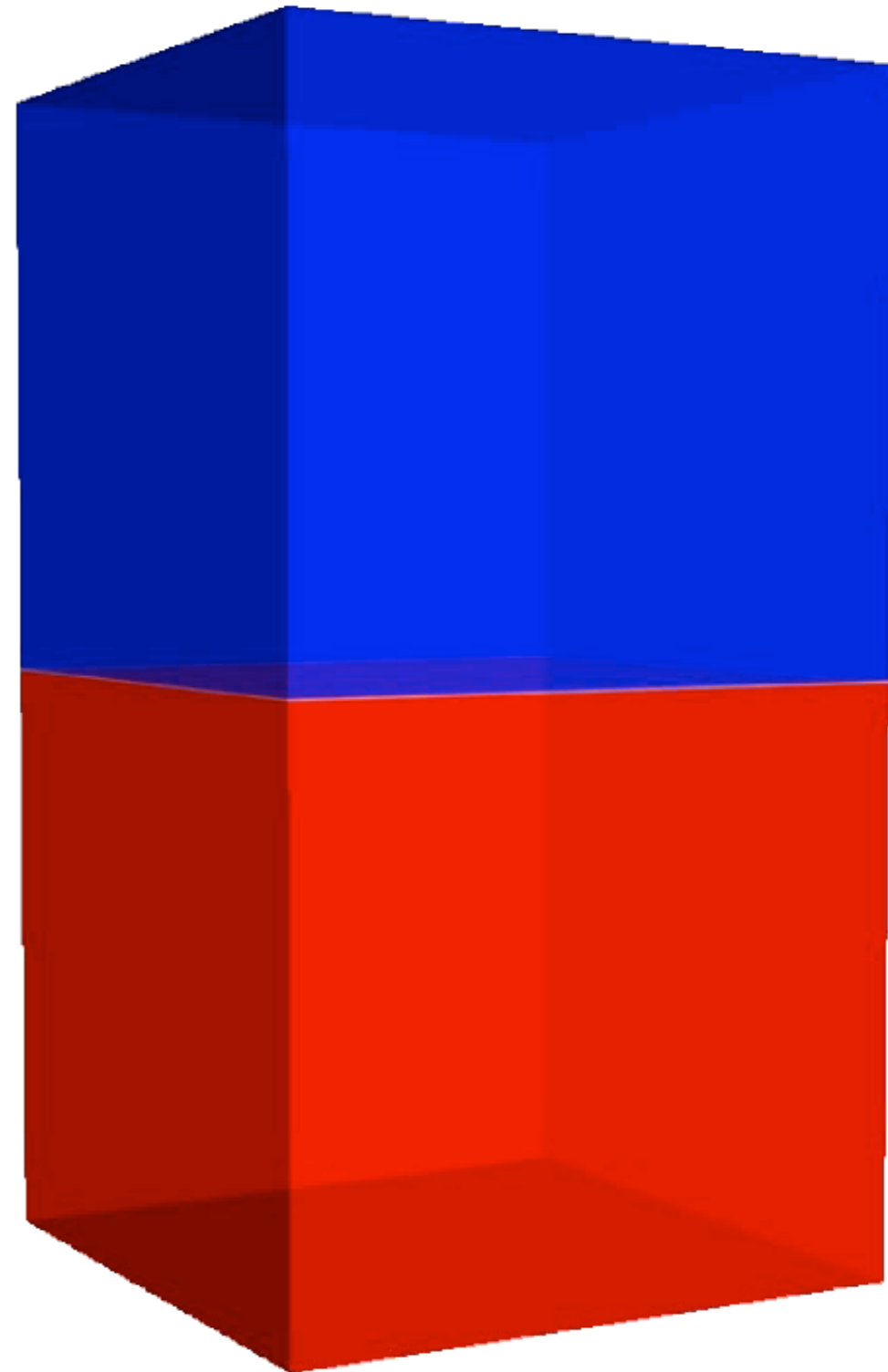
$g$



Instabilità all'interfaccia di due fluidi con densità diverse

Rayleigh (1883), Taylor (1950)

Analisi lineare: crescita esponenziale con tasso  $\sqrt{Agk}$

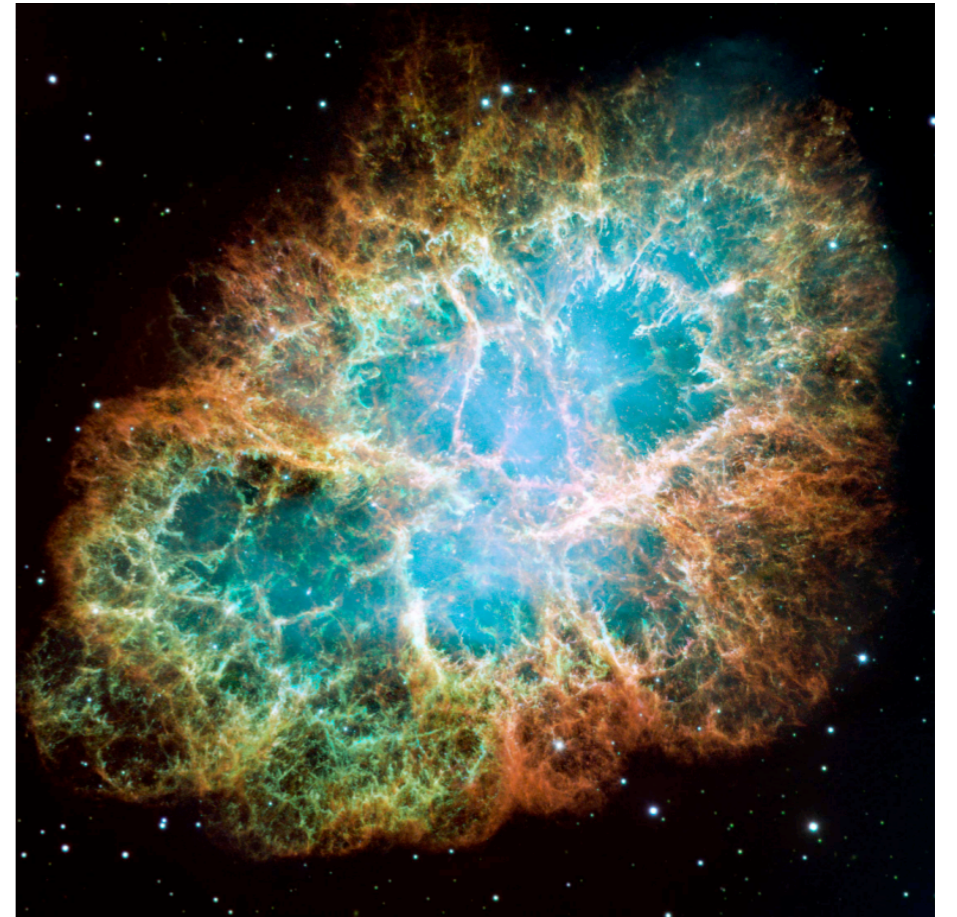




# Rilevanza della turbol. di Rayleigh-Taylor

Si incontra in molti fenomeni naturali e in applicazioni tecnologiche

- esplosione di supernova
- meccanismi di accelerazione nei fronti termonucleari
- fisica dell'atmosfera (mammatus cloud)
- riscaldamento della corona solare
- confinamento della fusione nucleare
- ecc.



# Turbolenza di Rayleigh-Taylor (caso 2D)

$$\partial_t \mathbf{u} + \mathbf{u} \cdot \partial \mathbf{u} = -\partial p + \nu \partial^2 \mathbf{u} - \beta g T \quad (A \equiv \beta \theta_0)$$

$$\partial_t T + \mathbf{u} \cdot \partial T = \kappa \partial^2 T$$

Bilancio tra spinta di Archimede e inerzia

- *La temperatura `casca' verso le piccole scale*
- *Velocita': cascata di energia verso le grandi scale (coalescenza)*

Chertkov, PRL 91 (2003)



le fluttuazioni turbolente seguono lo scaling alla **Bolgiano**

$$\delta_r u(t) = (\beta \theta_0 g)^{2/5} t^{-1/5} r^{3/5}$$

Celani, Mazzino, Vozella, PRL 96 (2006)

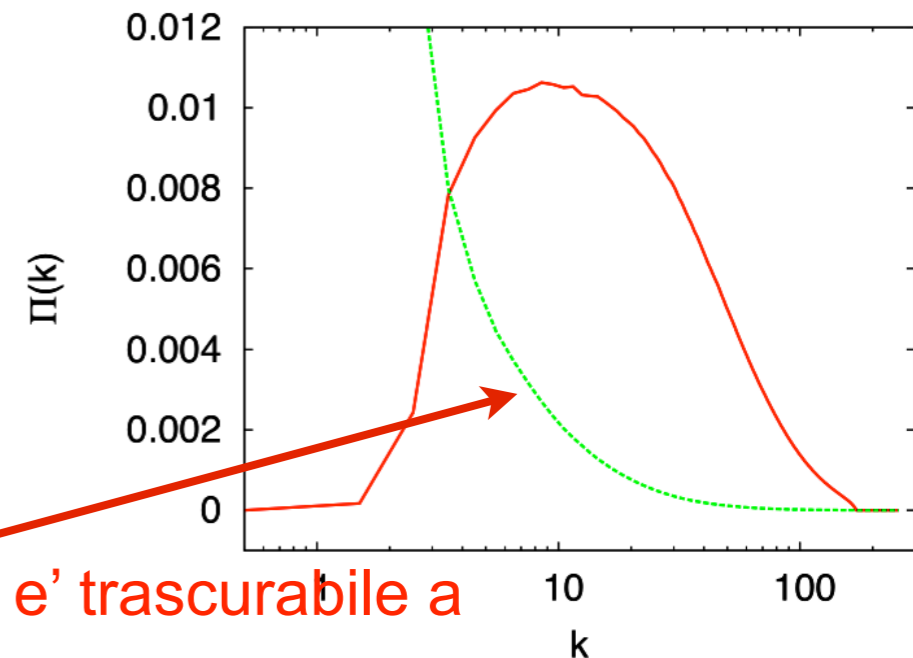
$$\delta_r T(t) = \theta_0 (\beta \theta_0 g)^{-1/5} t^{-2/5} r^{1/5}$$

Biferale et al, PF 22 (2011)

# Turbolenza di Rayleigh-Taylor (caso 3D)

$$\partial_t \mathbf{u} + \mathbf{u} \cdot \partial \mathbf{u} = -\partial p + \nu \partial^2 \mathbf{u} - \beta g T$$

$$\partial_t T + \mathbf{u} \cdot \partial T = \kappa \partial^2 T$$



La spinta di Archimede e' trascurabile a piccole scale

- *La temperatura 'casca' verso le piccole scale*
- *Velocita': cascata di energia verso le piccole scale (a flusso costante)*

Chertkov, PRL 91 (2003)



Le fluttuazioni turbolente seguono lo scaling di [Kolmogorov-Obukhov](#)

$$\delta_r u(t) = (\beta \theta_0 g)^{2/3} t^{1/3} r^{1/3}$$

$$\delta_r T(t) = \theta_0 (\beta \theta_0 g)^{-1/3} t^{-2/3} r^{1/3}$$

Boffetta, Mazzino, Musacchio, Vozella, PRE 79 (2009)

# Leggi di scala anomale

$$\delta_r u(t) = (\beta\theta_0 g)^{2/3} t^{1/3} r^{1/3}$$

$$\delta_r T(t) = \theta_0 (\beta\theta_0 g)^{-1/3} t^{-2/3} r^{1/3}$$



Approccio di campo medio

$$S_p^{(u)}(r) \equiv \langle (\delta_r u)^p \rangle \propto r^{p/3}$$

**NON osservato**

$$S_p^{(\theta)}(r) \equiv \langle (\delta_r \theta)^p \rangle \propto r^{p/3}$$

**si osserva piuttosto**

$$S_p^{(u)}(r) \equiv \langle (\delta_r u)^p \rangle \propto r^{p/3 - \sigma_p^{(u)}}$$

**scaling anomalo**

$$S_p^{(\theta)}(r) \equiv \langle (\delta_r \theta)^p \rangle \propto r^{p/3 - \sigma_p^{(\theta)}}$$

# Leggi di scala anomale

$$S_p^{(u)}(r) \equiv \langle (\delta_r u)^p \rangle \propto r^{p/3 - \sigma_p^{(u)}}$$

$$S_p^{(\theta)}(r) \equiv \langle (\delta_r \theta)^p \rangle \propto r^{p/3 - \sigma_p^{(\theta)}}$$

scaling anomalo

## attività' in corso:

- *Comprendere le cause delle anomalie*
- *Calcolare gli esponenti anomali*

e per finire ...

# From Newtonian to viscoelastic Rayleigh Taylor

